

# Métodos cualitativos de análisis gráfico

---

## Importancia de la representación gráfica

La presentación y análisis de los resultados experimentales debe considerarse como parte integral de los experimentos. Es realmente útil que los datos obtenidos se presenten en un gráfico, donde quede concentrada la información para su apreciación y análisis. En la mayoría de los casos un gráfico es más útil que una tabla de valores, especialmente en los casos en que:<sup>[1]</sup>

- los experimentos se llevan a cabo midiendo una variable  $Y$  en función de otra  $X$  que se varía independientemente y se quiere interpretar o determinar la relación funcional entre ellas. Por ejemplo: medición del período de un péndulo en función de su longitud; medición de la caída de potencial en un alambre en función de la corriente aplicada; etc.
- interesa estudiar si dos variables mantienen una correlación (causal o no) y cuál es el grado de vinculación o grado de independencia. Por ejemplo: estudio de la relación entre el peso y la altura de personas; relación de consumo de gas natural y la temperatura; relación entre la velocidad máxima que alcanza un velero y su extensión desde proa a popa; etc.

Se trata de que la información que se quiere representar quede expuesta de una manera lo suficientemente clara y explícita como para que la representación gráfica “hable por sí sola”. Lo importante es que un gráfico debe servir para un posterior tratamiento de los datos, que lleve a inferir las leyes subyacentes en ellos y ahondar así en las posibles implicaciones y generalizaciones de los resultados obtenidos en los experimentos.

Un gráfico debe construirse sobre la base de una elección adecuada tanto de las variables como de las escalas de los ejes. Dado que los experimentos propuestos en este

curso están pensados para estudiar metodológicamente numerosos problemas de las ciencias, en este capítulo daremos las bases que nos ayuden a efectuar una adecuada representación gráfica de datos experimentales, ya sean recogidos por nosotros en un experimento o bien tomados de fuentes confiables. Comentaremos diversas opciones que se presentan y sobre algunos métodos numéricos de utilidad para el tratamiento general de los datos.

### Elección de las variables

De una manera muy general, cuando estudiamos la fenomenología de un sistema cualquiera, tratamos de obtener las variaciones o respuestas del sistema ante ciertas perturbaciones que podemos aplicarle de manera controlada. La Fig. 1 representa esquemáticamente un sistema bajo estudio.



**Figura 1** Representación de un sistema al que se estudia las respuestas  $Y_i$  cuando se varía el conjunto de variables  $X_i$ .

Hemos llamado  $X_i$  a las "*variables de entrada o independientes*", o sea aquellas que podemos controlar y variar. Ante los cambios de  $X_i$ , el sistema revela sus características o comportamientos a través de los cambios que sufren las variables  $Y_i$ , que pueden llamarse las "*variables de salida o dependientes*".<sup>[1,2,3]</sup> Si deseamos estudiar un sistema, es conveniente, siempre que sea posible, aislar lo más posible las variables en estudio. Para ello es conveniente diseñar el experimento de modo tal que solo un parámetro relevante varíe por vez, manteniendo los restantes parámetros constantes. De este modo podremos concentrarnos en la respuesta de una de las variables de salida ante las variaciones de solamente una de las variables de entrada. Siempre que esto sea posible, esto es muy conveniente para simplificar el análisis. Afortunadamente esta es una

situación muy común en los experimentos, aunque no siempre posible. En sistemas de mayor complejidad, en los que no podemos aislar los parámetros que varían de a uno por vez, el tipo de análisis que mostraremos puede generalizarse para tratar esos casos.<sup>[2]</sup> En lo que sigue nos apoyaremos en algunas relaciones funcionales simples con las que nos encontramos a menudo en el trabajo en el laboratorio y las usaremos para ejemplificar las ideas básicas.

## Relación lineal

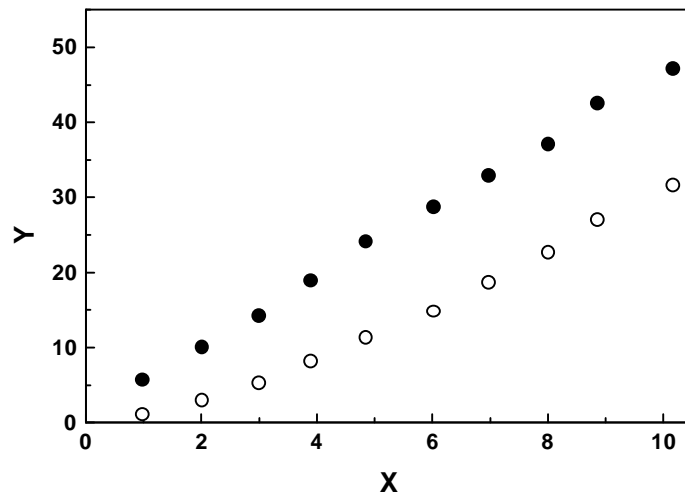
Una relación lineal entre las variables  $X$  e  $Y$

$$Y = a \cdot X + b \quad (1)$$

es la más simple de todas. La representación gráfica de  $Y(X)$  arrojaría una línea recta, de pendiente  $a$  y que corta al eje vertical en  $b$  (ordenada del origen o intersección con el eje  $y$ ). Es importante notar que una recta es la forma geométrica más simple en dos dimensiones. Al mismo tiempo, una relación lineal entre dos variables cualesquiera es más fácil de ser identificada a simple vista, y no sería una exageración afirmar que éste es el único caso en que esta discriminación puede hacerse a simple vista. Entre una recta y una curva nuestro ojo siempre notará la diferencia, pero no discriminará a la función que define la curva.<sup>[4]</sup>

En la Fig. 2 están representadas dos series de datos. Para inferir cualitativamente cuál de las series puede aproximarse mejor por una relación lineal entre las variables  $X$  e  $Y$ , es útil la siguiente regla práctica: llevemos el papel hasta el nivel de nuestros ojos (podemos cerrar uno como cuando hacemos puntería) y veamos si los puntos se ven alineados. Este tipo de toma de decisión no debe desdeñarse en el momento de analizar datos experimentales. La decisión de aceptar o no una relación lineal entre las variables debe ser tomada por el experimentador, ya sea se espere o no una vinculación lineal entre las variables en juego. Una vez que decidimos que los datos “caen sobre una recta”, recién podremos estimar los parámetros (pendiente y ordenada al origen) de la *mejor recta* que aproxime la relación funcional: O bien podemos dibujar esa mejor recta

y definirle los valores de la pendiente y la ordenada al origen, o usar métodos numéricos más generales para encontrarlos, como veremos más adelante.



**Figura 2** Representación de dos series de datos. ¿Cuál aproxima mejor una relación lineal entre las variables  $X$  e  $Y$ ?

## **Función potencial**

Supongamos que medimos pares de valores  $(X,Y)$  y tenemos conocimiento que la relación funcional que los vincula es del tipo

$$Y = aX^b \quad (2)$$

donde  $a$  y  $b$  son constantes. Esta forma funcional potencial es muy común en las ciencias puesto que sirve como aproximación del comportamiento en una gran variedad de casos.

La constante  $b$  suele llamarse “exponente de escala” y define la escala de variación de  $Y$  según varía  $X$ . Esto es, si  $X$  se multiplica por un factor  $f$ ,  $Y$  cambiará consecuentemente  $f^b$  veces.

El significado físico de la constante  $a$  es el de representar el valor que toma  $Y$  cuando  $X$  vale la unidad. La dimensión de  $a$  es tal que da homogeneidad dimensional a la ecuación.

---

**Lectura de ecuaciones:** Algunas investigaciones muestran que la masa de los dinosaurios  $M$  estaba bien correlacionada con la longitud  $l$  de los animales medida desde la cabeza a la cola, según<sup>[4]</sup>

$$M = M_0 l^3$$

Leamos esta ecuación. El significado de  $M_0$  es que representa la masa de un dinosaurio de “largo unidad”. Por tanto, si la unidad elegida para la longitud es el metro y para la masa el kg,  $M_0$  representa cuántos kilogramos pesaba un animal de largo igual a 1 m. La *unidad* de  $M_0$  será tal que se igualen las unidades de los dos miembros de la ecuación. En este caso,  $M_0$  tendrá la unidad  $\text{kg/m}^3$ . Sin embargo,  $M_0$  no es la densidad de los animales, a pesar de su unidad, puesto que  $l^3$  no es el volumen. Notemos que el valor de  $M_0$  cambiará si se eligen otras unidades de medición. Por ejemplo, si el peso se midiera en gramos (g) y la longitud en centímetros (cm),  $M_0$  adoptaría un nuevo valor, que sería  $M_0^* (\text{g} / \text{cm}^3) = 10^{-3} M_0 (\text{kg/m}^3)$ , a lo que se llega tras pasar los kilogramos a gramos y los metros a centímetros.

De manera más general, y sin recurrir a unidades particulares, podemos analizar cuál es la *dimensión* de  $M_0$ . Si usamos corchetes [...] para representar la dimensión de una cantidad, entonces  $[M_0] = \frac{[M]}{[l]^3}$ .

Escribamos esta relación dimensional en términos de las dimensiones fundamentales masa, longitud y tiempo, a las que llamaremos M, L y T, respectivamente. Dado que  $[M] = [m] = M$ , resulta, luego de simplificar:  $[M_0] = M / L^3$ .

Este tipo de análisis puede usarse como prueba de consistencia de una fórmula complicada, o bien para determinar la dimensión de alguna variable introducida en un problema particular.

- ✎ La cantidad de potencia  $\dot{Q}$  irradiada por unidad de área por un cuerpo negro que está a la temperatura absoluta  $T$  está dada por la ley de Stefan-Boltzmann

$$\dot{Q} = \sigma T^4$$

donde  $\sigma = 5.67 \times 10^{-8} \text{ W/m}^2 \text{ K}^4$  es la constante de Stefan-Boltzmann. a) Analice cuál es el significado físico de  $\sigma$ . b) Si el cuerpo negro estuviera a la temperatura de 2 K, ¿cuánto más irradiaría respecto a cuando se mantiene a 1 K? c) ¿A qué temperatura irradiará 25 veces más que a 2 K?

---

Si representamos datos medidos de  $Y$  en función de  $X$ , relacionados por una expresión como (2), lo que obtenemos en el caso  $b \neq 1$  es una curva. De nuestro análisis cualitativo del gráfico observaremos una curva “cóncava hacia arriba” si  $b > 1$ , mientras que si  $b < 1$ , la curva se verá “cóncava hacia abajo”. Lo que cualquiera de los casos precedentes significa es que una variación de la variable  $X$  a un dado ritmo, hace que la variable  $Y$  cambie a un ritmo distinto: más rápido si  $b > 1$ , más lento si  $b < 1$ . Esta observación cualitativa (en términos de “más rápido” o “más lento”, bien puede ser buena en una gran variedad de casos de interés en el laboratorio cuando estemos interesados en la descripción general (tendencia) de algún fenómeno.

### Transformación de variables

Si en la Ec. (2) transformamos las variables haciendo el cambio (suponiendo que conocemos el exponente  $b$ ):

$$X^* = X^b \qquad Y^* = Y$$


y representamos las nuevas variables  $(X^*, Y^*) = (X^b, Y)$ , lo que obtenemos es una relación lineal entre las *variables transformadas* o *pseudovariables* y decimos que hemos *linealizado* la representación gráfica. En este caso hemos transformamos la variable  $X$ , pero bien podríamos haber optado por el cambio en la variable dependiente, o sea,

$$X^* = X \qquad Y^* = Y^{1/b}$$

y también habríamos obtenido una relación lineal entre las nuevas variables representadas  $(X^*, Y^*) = (X, Y^{1/b})$ .

Está claro que lo anterior es inmediato de realizar si conocemos el valor del exponente  $b$ . Además, observamos que un gráfico linealizado nos da el valor de la constante  $a$  [ver Ec. (2)] si evaluamos la pendiente de la recta que resulta.

---

 Se mide el período  $T$  de un péndulo simple para distintas longitudes  $L$ . En el caso de pequeñas amplitudes de oscilación, ambas variables están relacionadas por

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$$

donde  $g$  es la aceleración de la gravedad. La relación es del tipo

$$T = aL^b$$

con  $a = \frac{2\pi}{\sqrt{g}}$  y  $b = \frac{1}{2}$ .

De un gráfico de  $T$  en función de  $L^b$  evaluamos la constante  $a$ , con lo que podemos obtener el valor de la aceleración gravitatoria  $g$  indirectamente. Es de esperar que el gráfico resulte en una recta que pase por el origen de coordenadas, dado que un péndulo de longitud nula tiene que tener un período de oscilación nulo.

---

En el caso más general, supongamos que no conocemos a  $a$  ni a  $b$ , y que ambas constantes deben encontrarse como resultado de la investigación experimental. Entonces, ¿cómo procedemos?

Para facilitar la tarea de encontrar tanto el exponente de escala  $b$  como la constante  $a$ , es conveniente representar  $\log(Y)$  en función de  $\log(X)$ . Esto queda claro si transformamos nuestra ecuación original más general  $Y = aX^b$ , sacándole el logaritmo a ambos miembros

$$\log(Y) = \log(aX^b) \quad (3)$$

$$\log(Y) = \log(a) + \log(X^b) \quad (4)$$

$$\log(Y) = \log(a) + b\log(X) \quad (5)$$

Comparando esta última expresión con un gráfico de  $\log(Y)$  en función de  $\log(X)$  podremos ver que la ecuación representa una recta que tiene pendiente  $b$  y ordenada al origen  $\log(a)$ .

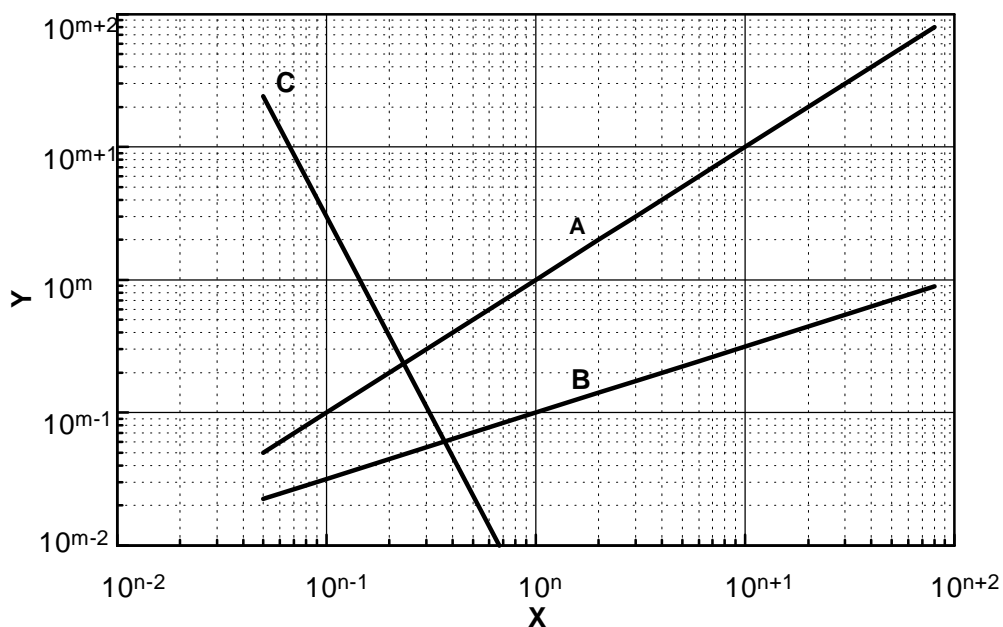
Este tipo de representación gráfica es extremadamente útil cuando se analizan ecuaciones algebraicas, se estudian correlaciones, leyes de crecimiento, etc.

### **Elección de las escalas**

Hemos visto cómo elegir las nuevas variables con el fin de llevar la representación gráfica a una representación lineal. Lo que hemos propuesto es la transformación de las variables y la representación de las nuevas. Una manera alternativa de análisis es recurrir a gráficos en los que sus ejes tengan escalas logarítmicas.

Retomando el ejemplo del caso de variables  $X$ ,  $Y$  relacionadas por la función potencial  $Y = aX^b$ , en vez de recurrir a un gráfico de variables transformadas [ $\log(X)$ ,  $\log(Y)$ ], podemos representar directamente los pares de valores  $(X, Y)$  en un gráfico donde sus dos ejes tengan escalas logarítmicas. La Fig. 3 ejemplifica este método.





**Figura 3** Ejemplo de un gráfico con escalas logarítmicas.

Un *gráfico doble-logarítmico* como el de la Fig. 3 también es llamado *gráfico log-log*. La posición de las grillas más gruesas identifica un valor igual a una potencia de 10. Por lo tanto, en cada eje, el espacio entre esas grillas representa una década de variación de las variables, es decir, entre  $10^n$  y  $10^{n+1}$ , cualquiera sea  $n$ . Las ocho grillas intermedias indexan los valores  $k \times 10^n$ ,  $k = 2, 3, 4, \dots, 9$ .

Esto hace muy simple la construcción de ejes en escalas logarítmicas. Esto requiere marcar intervalos fijos a distancias 1, 10, 100, 1000, ... ( $10^0, 10^1, 10^2, 10^3, \dots$ ). Si los datos a representar no cubren un rango tan amplio de valores, los intervalos pueden realizarse a distancias de 1, 2, 4, 8, 16, 32, ... ( $2^0, 2^1, 2^2, 2^3, 2^4, 2^5, \dots$ ).

Observando la Fig. 3 podemos darnos cuenta que las escalas logarítmicas son “más democráticas” que las lineales,<sup>[3]</sup> puesto que dejan ocupar el mismo espacio en el gráfico a los intervalos entre décadas entre valores “pequeños” que el espacio ocupado por los intervalos entre décadas entre valores “grandes”; podemos ver, por ejemplo, que el lugar reservado para los valores entre  $10^{-5}$  y  $10^{-4}$  es idéntico al reservado para el intervalo  $10^8$  y  $10^9$ .

Si las variables  $X$  e  $Y$  se representan ambas en escalas logarítmicas, la función potencial de la Ec. (2) quedará representada por una recta cuya pendiente es  $b$  y cuya ordenada al origen  $ord = \log(a)$ , por lo que  $a = 10^{ord}$ .

A su vez, si los datos  $(X, Y)$  representados en un gráfico doble-logarítmico siguen una relación lineal, podemos inferir que  $Y \propto X^b$ , descubriendo en este caso la ley subyacente. Para calcular directamente del gráfico el valor de  $b$ , hay que contar cuántas décadas varía  $Y$  cuando  $X$  varía una. En el ejemplo de la Fig. 3, la línea A tiene pendiente  $b = 1$ , por tanto  $Y \propto X$ . Para la línea B,  $b = 1/2$ , lo que implica  $Y \propto \sqrt{X}$ . ¿Cuál es la pendiente de la recta C?

Esta representación puede hacerse sobre papeles especialmente diseñados (papel logarítmico) que se consigue en las librerías. Con las ventajas que ofrecen hoy en día los programas de computadora, este tipo de representación puede realizarse de manera inmediata para sacar mayor provecho al análisis de los datos experimentales. Muchos programas de análisis de datos o planillas de cálculo, tales como Excel, QuatroPro, Origin, etc., permiten realizar estos cambios muy fácilmente. Una vez realizado el gráfico en escala lineal, picando o activando con el *mouse* los ejes coordenados, se abre un sub-menú que permite variar la escala de los ejes (lineal, logarítmica, etc.).

## Aplicaciones de gráficos log–log

Hay una gran variedad de casos donde es sumamente ventajosa la representación gráfica en escalas logarítmicas. En cierta manera, es a lo que recurre un experimentador de inmediato cuando quiere darse cuenta de “la forma de la ley que siguen sus datos”. Efectivamente, es una manera rápida y eficiente de evaluar las tendencias de los resultados y dar un primer paso en el análisis. También es útil recurrir a estas escalas en los casos en los que el rango de valores es muy amplio y los datos que manejamos varían en varios órdenes de magnitud.

**Amplio margen de valores:** Como ejemplo podemos citar el problema de investigar si existe correlación entre el calor metabólico producido por mamíferos y su masa, analizando datos provenientes de experimentos que involucren desde ratones, con pesos de unas decenas de gramos ( $\approx 10$  g), hasta elefantes que pesan varias toneladas ( $\approx 10^6$  g), incluyendo especies de tamaños intermedios, como gatos ( $\approx 10^3$  g), monos ( $\approx 10^4$  g), etc. Es claro que si en un gráfico “calor – masa” usamos una escala lineal para el peso, la necesidad de incluir semejante margen de valores –entre 0 g y  $10^6$  g– tendrá como ingrata consecuencia el “amontonamiento”, cerca del origen de coordenadas, de los datos de las especies más pequeñas. La elección de una escala logarítmica en el eje del peso eliminaría inmediatamente tal inconveniente.

**Relación entre magnitudes:** En una situación usual en el laboratorio, podríamos estar interesados en saber si una muestra conductora puede describirse como un conductor óhmico. Si hacemos circular una corriente eléctrica  $I$  por la muestra y medimos la diferencia de potencial  $V$  que se produce, y repetimos este procedimiento para varios valores de la intensidad de la corriente, tendremos los datos  $V - I$  para llevar a un gráfico. En primera instancia, un gráfico con escalas lineales sirve para abrir el juego. Aquí caben varias posibilidades. Una de ellas es usar nuestro ojo, como ya comentamos, y decidir si la relación entre  $V$  e  $I$  puede considerarse lineal, lo que nos diría si el material conductor es óhmico (la relación entre  $V$  e  $I$  es lineal) o no. Pero supongamos que queremos ir más allá. Si verdaderamente el conductor es óhmico, un gráfico log–log en las variables  $V$  e  $I$  debería resultar lineal y, lo que es más importante, la pendiente de la recta debería ser igual a uno (el exponente de  $I$  es uno). De ser así, la conclusión sobre que el material es óhmico adquiere más valor tras este análisis.

**Búsqueda de posibles correlaciones entre variables:** Puede obtenerse mucha información cualitativa de un experimento si se conocen las proporcionalidades entre las variables involucradas. En este sentido podemos aprovechar un gráfico log–log para pronosticar tendencias. Podría ser deseable “anticiparnos” al resultado de un experimento –más aun si es caro o de largo aliento– estableciendo las leyes de escala entre las variables, para así saber cómo varía la variable de salida  $Y$  frente a un cambio

de la variable de entrada  $X$ . Esto redundaría en mejoras sobre la marcha de nuestros diseños y estrategias experimentales.

✂ **Cuándo conviene usar escalas logarítmicas:** Se mide una propiedad  $\Sigma$  de 100 ml de un líquido puro. Luego se lo diluye en agua al 10% y se repite la medición. La solución se diluye otra vez al 10% y se mide de nuevo. La operación se repite cuatro veces más. Para cada muestra se obtiene  $\Sigma = 1$  (líquido puro), 1.02, 1.04, 1.08, 1.24, 1.59, 1.95 (en unidades arbitrarias). Representar en un gráfico apropiado el resultado del experimento.

☺ La imposibilidad de alcanzar físicamente el cero absoluto de temperatura siempre ha cautivado la atención de los hombres de ciencia. Una manera de hacer una analogía de esta imposibilidad la ofrecen los físicos que estudian propiedades de la materia a bajas temperaturas, combinando temperatura con dinero.

- a) Imaginemos un cuerpo que está inicialmente a la temperatura de 100 K y que cuesta \$1 reducirle la temperatura 10 K. Cuando está a 90 K nos cuesta \$1 llevarlo a 80 K, y \$1 más para llevarlo a 70 K, y así sucesivamente. Con este procedimiento, ¿cuánto cuesta enfriarlo hasta el cero absoluto?
- b) Ahora consideremos el mismo cuerpo a la temperatura inicial de 100 K. Pero el procedimiento de enfriamiento consiste en pagar \$1 para llevarlo a 10 K. Cuando está a 10 K nos cuesta \$1 para llevarlo a 1 K, y otro peso para que alcance 0.1 K, y así sucesivamente. Con este procedimiento, ¿cuál es el costo de enfriarlo hasta el cero absoluto?

---

## La ley exponencial

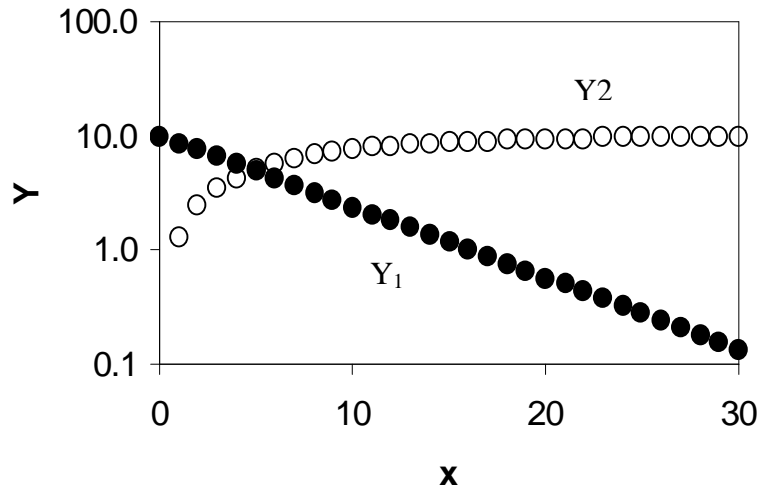
Un caso particular de mucho interés por su aplicación en muchos problemas físicos, biológicos, de ingeniería y hasta financieros y económicos, es el de una relación exponencial entre dos variables. Para fijar ideas supongamos que estamos considerando dos variables,  $Y_1$  y  $Y_2$ , como función del tiempo  $t$ . Si las relaciones entre estas variables son:

$$Y_1(t) = Ae^{-\lambda_1 t} \quad (6)$$

y

$$Y_2(t) = A(1 - e^{-\lambda_2 t}) \quad (7)$$

sus representaciones gráficas lucirán en escala semilogarítmica como se muestra en la Fig. 4.



**Figura 4** Representación en escala semilogarítmica de las funciones (6) y (7)

Es fácil notar que, si bien la primera de estas relaciones ( $Y_1$ ) se “linealiza” en este tipo de gráfico, la segunda ( $Y_2$ ) no lo hace. En este caso, es conveniente recordar que la derivada de ambas expresiones sí tienen una relación funcional simple, a saber:

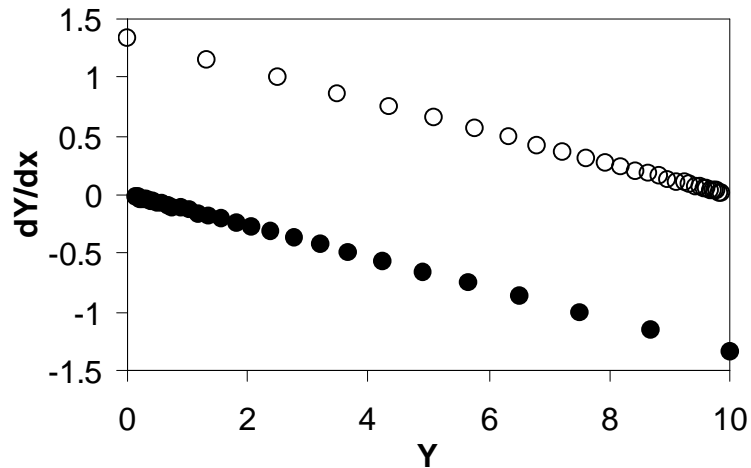
$$\frac{dY_1(t)}{dt} = -A\lambda_1 e^{-\lambda_1 t} = -\lambda_1 Y_1(t) \quad (8)$$

y

$$\frac{dY_2(t)}{dt} = A\lambda_2 e^{-\lambda_2 t} = \lambda_2 (A - Y_2(t)) \quad (9)$$

Por lo tanto, usando una representación de la *derivada en función de la variable dependiente* ( $Y_1$  o  $Y_2$ ) es cuando obtenemos una recta. De los valores de la pendiente y la ordenada al origen de estas rectas (8) y (9), tenemos información sobre este tipo de

relación, puesto que de ellos extraemos los parámetros  $\lambda_1$  y  $\lambda_2$ . En la Fig. 5 se muestran las mismas funciones que en la Fig. 4 usando la representación propuesta. Es claro que esta alternativa es muy útil para estos problemas.



**Figura 5** Representación en escala lineal de las derivadas en función de las variables dependientes. En este ejemplo,  $\lambda_1 = \lambda_2$ .

Una dificultad de esta representación es que requiere conocer la derivada de la función en cuestión y que para hacerlo debemos usar un procedimiento numérico. Si disponemos de mediciones de  $Y_1$  e  $Y_2$  en función de  $t$  lo que hacemos es aproximar la derivada calculando las diferencias finitas usando pares de datos consecutivos:

$$\frac{dY(t)}{dt} \approx \frac{Y_{i+1} - Y_i}{t_{i+1} - t_i} \quad (9)$$

Sin embargo, como los datos tienen errores, la diferencia  $(Y_{i+1} - Y_i)$  puede ser en algunos casos menor que el error de medición, y en tal caso el valor obtenido con (9) carece de significado. Una manera de mejorar la estimación de la derivada de datos experimentales consiste en usar un grupo de datos que estén en un intervalo donde *a priori* no se espere mucha variación en la derivada. Usando este grupo de valores elegidos  $(Y_i, t_i)$  aproximamos una recta que pase por ellos, cuya pendiente  $m$  tomamos como una estimación de la pendiente de la curva en el entorno de esos datos, o sea,

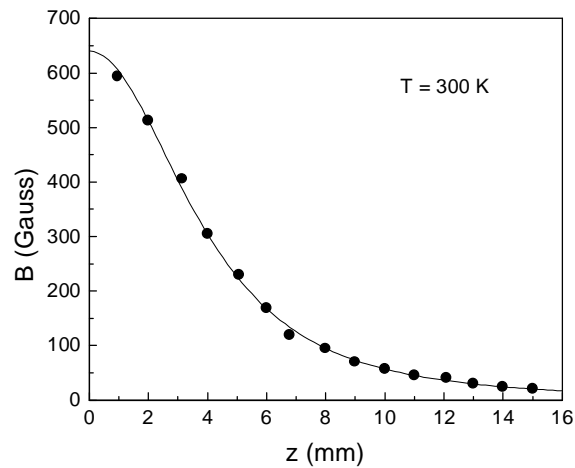
hacemos una estimación local de la derivada  $dY/dt$  usando un grupo de valores en vez de usar pares consecutivos. El gráfico que hacemos finalmente es uno de  $m$  en función de  $Y$ . La mayoría de las hojas de cálculo usan este procedimiento para el cálculo de la derivada de una función representada por un conjunto de datos.

## **Diseño de gráficos**

Los programas de representación gráfica disponibles en las computadoras incluyen entre sus opciones el diseño de gráficos usando los distintos tipos de escalas descritas en este capítulo. Pero, ya sea que el gráfico vaya a realizarse usando estos programas o a mano, es conveniente considerar algunos “trucos del buen dibujante” para que la información contenida en el dibujo adquiera la relevancia que le corresponde. Es así que, además de la correcta elección de las variables y de las escalas, un gráfico adquirirá una mejor presentación si se cuidan algunos detalles, entre ellos:

- identificación de los ejes con rótulos bien ubicados que digan qué variables se representan y en qué unidades se miden,
- uso de símbolos que ubiquen los datos (cuadrados, círculos, rombos, etc.), en lo posible con sus incertidumbres (en la forma de barras que indiquen el intervalo de incertidumbre); que haya una diferenciación de distintas series de datos cuando se presenten varios resultados, para lo que es recomendable el uso de diferentes símbolos,
- inclusión de un epígrafe, que es un texto descriptivo de lo que está representado en el gráfico y que además puede aportar alguna información adicional,
- carteles interiores al gráfico, con información complementaria relevante para entender en qué contexto se muestran los datos o sobre las condiciones experimentales particulares bajo las que se los han obtenido,

- una clara diferenciación entre lo que es propio del resultado experimental del trabajo y lo que corresponde a una comparación con una teoría o modelo propuesto (por ejemplo, usando líneas continuas) o a resultados extraídos de otras fuentes.



Campo magnético axial de un imán de Ne-Fe-B a temperatura ambiente medido con una sonda de efecto Hall. La línea es un ajuste de los datos.

**Figura 6** Ejemplo de gráfico y epígrafe.



## Referencias

1. S. Gil y E. Rodríguez, *Física re-Creativa*, Prentice Hall, Buenos Aires, 2001.;  
<http://www.fisicarecreativa.com>
2. D. C. Baird, *Experimentación*, 2ª ed., Prentice-Hall Hispanoamericana S.A., México, 1991.
3. Christopher Deacon, "The importance of graphs in undergraduate physics," *Phys. Teach.* **37**, 270, 1999.
4. E. Martínez, *Logarithmic Park*, Instituto Balseiro, Bariloche, 1997;  
<http://cabbat1.cnea.gov.ar/apfa/apfa.htm>